

$$\frac{dF}{dv} = \frac{1}{2} \frac{dG}{dv} - \frac{1}{2} \frac{dF}{dv}$$

ae hanno il vantaggio di contenere le derivate relative ad una sola variabile.

L'eliminazione effettuata è sempre possibile. Infatti quand'anche, per una deter-

minata scelta delle variabili, le due derivate $\frac{dG}{dv}$, $\frac{dF}{dv}$ fossero nulle, cesserebbero d'es-

sere tali surrogando alle u, v le nuove variabili $au + bv + e$, $a'u - J - V'u + e'$, surrogazione che non altera punto le condizioni del problema.

Si può verificare facilmente che le due precedenti equazioni sono riducibili alla forma

$$EG = F \sqrt{EG}$$

laonde se indichiamo con U, V due funzioni da determinarsi, la prima della sola u , la seconda della sola v , possiamo porre

$$(7) \quad \frac{dF}{du} = \frac{dG}{du} \quad \frac{dF}{dv} = \frac{dG}{dv}$$

Bisogna ora vedere se sia possibile determinare le U, V in modo che i due bi-nomj (6) diventino differenziali esatti.

VI.

Intr educando una funzione incognita di u e di v , che diremo 1, possiamo soddisfare alle (7) ponendo

$$(8) \quad VE = IV, \quad F = U^2, \quad J - G = V$$

dove si è fatto per brevità

$$(9) \quad \{1$$

I due binomj (6) diverranno

o più semplicemente

$$\frac{du}{dt} = f$$

ponendo

$$(10) \quad du_i$$

ed immaginando sostituite le u, v alle u, v tanto nelle funzioni U, V

U, V